

رَبِّ الْأَنْوَافِ شَهِرًا

نَبِيُّ الْكَوَافِرِ

سندھ مائیاں

وَاحِدٌ بِنَفْسِهِ

رددت من طلاق

خوار البشري

一

三

۱۹

三

وَجْه

مئون

مرواه

# أفق الثقة أفق والتراث

تصدر عن دائرة البحث  
العلمي والدراسات  
بمركز جمعة الماجد  
ل الثقافة والتراث

مجلة  
فصلية  
ثقافية  
تراثية

تصدر عن دائرة البحث  
العلمي والدراسات  
بمركز جمعة الماجد  
للتقاليف والترااث

السنة السابعة : العددان الخامس والعشرون وال السادس والعشرون - ربیع الاول ١٤٢٠ هـ - تموز (يولیو) ١٩٩٩م

<sup>٥</sup> كتاب الحلم والعلم لأدّم بن أبي إياس العسقلاني - ٢٢٠ هـ.



\* KITAB AL HILM WAL 'ILM, by Adam bin Abi Iyas Al 'Askalani - 220 A.H. -  
copy from the 7th century after Hijra.

سَاحِرُ الْأَقْرَبَيَا

وَلِمَدَ رُفَاهَهُمْ يَكُونُ طَاهِمًا شَرِيٰ وَبِسِرٍ الْمُدَاهَهُ كَثِيرٌ وَرِحْمُو بَاهٌ وَسَجْنٌ حَصَمٌ حَدَّ

بِالْأَنْجَارِ

# تطور العقل العربي

## العرب والرياضيات

الدكتور / إسماعيل نوري الربيعي  
المعهد العالي لإعداد المعلمين  
ليبيا

أخذ العرب نظام الترقيم عن الهندو ، بعد أن كانوا يعتمدون في الترقيم على حساب الجمل ، ولم يكن النظام الهندي يقوم على شكل واحد ، بل إن العديد من الأنواع كان يقوم عليه. لكن هذا الأمر لم يجعل العرب يتوجهون للأخذ بهذا النظام وبالأشكال المتفرعة عنه ، دون أن تكون لهم لمساتهم الخاصة. فكان لهم الإسهام المباشر في تطوير استعمال الأرقام ، حيث تم وضعها في رس敏 ، تم استخدام الأول في الأقطار المشرقة ، وصار يطلق عليه الأرقام الهندية ، فيما عرفت الأرقام الغبارية في أقطار المغرب العربي والأندلس<sup>(١)</sup>. ويعود الفضل الأول والرئيس إلى العرب في نقل الأرقام الغبارية إلى أوروبا ، عن طريق الاتصال، وبحكم الجوار ، وانتقال العديد من طلبة العلم إلى الأندلس ، حتى إنها صارت تعرف في أوروبا بالأرقام العربية.

ولا يخفى أن الهندو كانوا يستخدمون الفراغ دليلاً على الصفر ، لكن العرب ، وبشكل علمي ، استنبتوا البديل المناسب ، وعن طريقهم عرف الأوروبيون مدلول الصفر ، الذي لا يخرج في لفظه المستخدمة عن الصفر العربي.

والميزة المهمة في كل هذا أن الممارسة الدقيقة والأكثر كفاءة كانت قد تمثلت في التطوير الذي أدخله العرب على الأرقام من خلال استخدام الأرقام العشرية ، وإدخال الصفر كقيمة واضحة في حساب الأرقام<sup>(٢)</sup>.

الذهنية والذكاء، فيما توسيع أبحاثهم لتشمل العديد من الموضوعات، من بينها المتواлиات الهندسية والعددية، وقوانين الجمع بينها.

لم ينحصر الأفق العلمي الذي تحرك فيه العرب في إطار الجغرافية المجاورة، إنما توسعوا إلى الحد الذي انفتحوا فيه على ثقافاتٍ وحضاراتٍ لها باعها ومركزها المميز في النشاط العلمي. وعليه تراوحت المعرفة الرياضية ما بين الترجمة المباشرة والمعلومات المنقولة عن طريق الحافظة، التي يحتلها المهاجرون بين الأقاليم الإسلامية الواسعة الأرجاء<sup>(٦)</sup>، فضلاً عن حالة التداخل ما بين الأفكار العلمية الدقيقة، التي تقوم على الاستنتاج والاستنباط، والأفكار القديمة التي تشكو من الترهّل وانعدام القيمة. وكان هذا الأمر يبرز بشكلٍ ملحوظ عندما يتدخل أدعية المعرفة في مجالٍ لا يعرفون منه سوى القليل من المعلومات فيه، مما يؤدي إلى تداخلٍ ما بين حالة التطور التي تفرضها عمليات الاستنتاج والنقلة التقليدية، الذين يبنون تصوراتهم وفقاً للمعلومات الموروثة، وليس أدلّ من الخلط الذي يقع فيه بعض المشتغلين في العلوم الرياضية حين يعتمدون في عملياتهم الرياضية على المنهج المصري القديم في حلّ مسائل الكسور العشرية<sup>(٧)</sup>.

بقي التأثير الهندي في علم الرياضيات العربي واضحاً، ولا سيما أن الأساس الذي قامت عليه الفرضيات، التي قدمها البيروني (ت ٤٠٠ هـ)، قد استمدت أصولها من هذا المرجع، لكن علوم المثلثات كانت تقوم على الأصول اليونانية. ولكن ثمة عامل آخر كان قد تبدى على شكل وسيطٍ في

وهكذا اقيض للأوربيين استخدام الأرقام العربية، التي اختصرت لهم الأشكال التي درجوا على استخدامها في الأرقام الرومانية، زيادةً على الإمكانيّة التي تتيحها الأرقام العربية في تركيب الأعداد<sup>(٨)</sup> مهما بلغت قيمتها، وتبرز قيمة الصفر في تسهيل العمليات الحسابية، ولا سيما قيمته في مجال تقسيم الأعداد وضربها، بعد أن كانت من أعقد العمليات في زمن اليونان.

على الرغم من اكتشاف العرب للصفر، ونقلهم هذه المعرفة إلى أوربا، إلا أن الاستخدام المباشر له لم يبرز بشكلٍ واسع إلا خلال القرن السادس عشر.

أما على صعيد الكسر العشري، فيرجع اكتشافه، وريادة استخدامه إلى العالم العربي المسلم «الكاشي». ولم يقف الأمر عند هذا الحد، بل إنَّ العرب اجتهدوا في وضع المؤلفات الخاصة بعلم الرياضيات، وبرعوا في تسهيل العمليات الحسابية وتيسيرها، ودفع هذا الأوربيين إلى ترجمة هذه المؤلفات، والنهل من علومها والأفكار الواردة فيها<sup>(٩)</sup>.

كان للعنابة الفائقة التي أبدتها العرب بعلم الرياضيات أن وضعوا منهاجاً خاصاً لتعليمها، ولا سيما المبتدئون، أخذين بالاهتمام التيسير وشرح الخطوات اللازمَة من أجل الوصول إلى النتائج. وكان لتطور هذا المنهج أثره البالغ في طرق تدريس الرياضيات في أوربا، حيث اجتهدوا في اقتباس البرامج التعليمية عن العرب بشكلٍ يكاد يكون تفصيليًّا. وقد برع العرب في التعامل مع المسائل الرياضية، حتى غدت لدى طائفة كبيرة منهم وسيلة إمتاع واختبار للقدرة

الأرقام، وإرائه لها وفقاً للأسس العلمية، حيث عُني بالأرقام ومتنازلها في كتابه (الجمع والتفريق بحساب الهند). فضلاً عن الجهد الذي بذلها في مجال علم الجبر، الذي يستند<sup>(١١)</sup> إلى الأصول اليونانية والهندية والبابلية، حيث وضع كتاب (المختصر في حساب الجبر والمقابلة)، وعدد إلى اختصار العمليات الرياضية في ست مقالات رئيسة. فيما تقوم فرضية إلى تحويل الحدود السالبة إلى موجبة عن طريق نقلها إلى الجانب الآخر من المعادلة، والعمل على اختزال المتشابهات من المعادلة<sup>(١٢)</sup>.

اجتهد العالم العربي المسلم في تنظيم الفرضيات التي قدمها العلماء السابقون وتعديلها، حيث عملوا على التوصل إلى الحلول الضائعة. وكان من بينهم أبو كامل شجاع بن أسلم «القرن الرابع الهجري»، الذي تمكن من إنتهاء العمل الذي قدم له ديوفانتوس في مجال المعادلات ذات المجهولات الخمسة. فيما تمكن الماهاني (ت ٢٦١ هـ) من التوصل إلى حل فرضية أرخميدس في موضوع الكرة والأسطوانة<sup>(١٣)</sup>، ليأتي من بعده أبو جعفر الخازن (ت ٢٦١ هـ) واضعاً للمسان النهائية عليها. أما أبو بكر الكرجي (ت ٤٢٠ هـ) فقد عمل على دراسة فرضيات ديوفانتوس وتطويرها، وصنف العديد من الكتب مثل: كتاب (الفخرى في الجبر والمقابلة)، و(الكافي في الحساب)، و(الربع في الحساب)<sup>(١٤)</sup>. وكان عمر الخيام (ت ٥١٧ هـ) قد وضع كتاب (مقالة في الجبر والمقابلة)، الذي أثبت من خلاله إيجاد المقدار لحدين مرفوعين لأقصى أكثر من اثنين، كما عمل على حل المعادلات التكعيبية من الدرجة الثالثة<sup>(١٥)</sup>.

انتقال المعرفة إلى العرب<sup>(٨)</sup>، الذي تمثل في المؤثرات الفارسية الوافقة ما بين الثقافتين الهندية والعربية.

أدت حركة الترجمة من اليونانية دوراً فاعلاً في رسم صورة مختلفة عن الواقع؛ إذ كان الكم الأكبر من الكتب الرياضية قد تمت ترجمته عن اليونانية، مما أسبغ على الرياضيات طابعاً يونانياً، وقد ساهم توجه المشتغلين في هذا المجال للتوجه في نشر الأصول اليونانية واستنساخها ككتب الرياضيات في تعميق التأثير اليوناني، فعلى سبيل المثال اجتهد قسطاً بن لوقا (ت ٣٠٠ هـ) في وضع كتاب المتوسطات بين الهندسة والهندسة؛ ليأتي من بعده نصير الدين الطوسي<sup>(٩)</sup> خلال القرن السابع الهجري ليعيد الكتاب ذاته.

وكانت أسماء علماء اليونان في مجال الرياضيات الأكثر شهرة وحظوة، بحكم عامل الترجمة لأعمالهم إلى العربية، حيث عرف إقليدس، وأبولونيوس البرغامي، وثيوروسوس الطرابلسي، ونيقاوما خوس الجرشي، ومينيلاوس، وأرخميدس. ويبقى الأخير صاحب الشهرة الأوسع في الوسط الرياضي العربي، حيث نسب إليه العديد من المؤلفات في هذا المجال. لكن الصعوبة الرئيسية<sup>(١٠)</sup> كانت تكمن في توزُّع المعلومات والفرضيات على أكثر من كتاب مترجم، مما يخل بمصداقية هذه المصادر. لكن الإضافات التي درج عليها العلماء العرب كان لها الأثر البالغ في بروز هذه الظاهرة.

تتجلى الجهود التي بذلها العالم الخوارزمي (ت ٢٣٢ هـ) في مجال الترقيم بوضوح، حيث تعود إليه البواكير الأولى في تنظيم قواعد

والمحظوظ والمجهول والمكعب المجهول والمساواة والنسبة.

ووالواقع أن استخدام الرموز كان له الأثر الفاعل في وضع الحلول لمعادلات الدرجة الثالثة عن طريق قطوع المخروط، وكان لهذا العمل أثره الهائل في تقدم العلوم الرياضية، وكان ثابت بن قرّة<sup>(١٨)</sup> من الرواد في هذا المجال، حتى إنه سبق أعظم علماء أوروبا في العصور الحديثة. ولم يتوقف العلم العربي عند هذا الحد، بل اجتهد في وضع الحلول المبتكرة والرائدة لمعادلات الدرجة الرابعة.

كانت الحالة الأكثر بروزاً قد تجلّت في التوفيق الحاذق والدقيق بين علوم الجبر والهندسة، حتى إنهم كانوا السباقين إلى وضع الأسس التي قامت عليها قواعد الهندسة التحليلية، والتي كان لها الأثر في فسح المجال أمام علم التفاضل والتكامل. وعلى الرغم من جهود علماء اليونان في وضع الحلول للمقدار ذي الحدين، ولا سيما إقليدس، إلا أن عمر الخيام كان قد برع في إيجاد المقدار الجبري ذي الحدين والمرفوع إلى قوة أنسها أكثر من اثنين. وكانت الجهود قد انصبّت على إيجاد مجموع مربعات الأعداد الطبيعية، مع الدراسة العميقـة للجذور الصماء، فيما تمكّنوا من الوصول إلى القيم التقديرية للأعداد، التي لا يمكن التوصل إلى جذرها، وكانت الوسيلة في ذلك المعرفة الواسعة في علوم الجبر<sup>(١٩)</sup>.

يشير الباحث قدرى حافظ طوقان إلى الجهود المميزة التي بذلها ابن حمزة المغربي في تسهيل العمليات الرياضية، التي مهدت لظهور اللوغاريتم، هذا على الرغم من ادعـاء مؤرخي العلوم في الغرب بأن هذا الاكتشاف يعود للعالم

تعددت حقول الاهتمامات المعرفية الرياضية لدى العلماء العرب، حيث أبدوا عنـاية بارزة في الاشتغال على المربعات السحرية، التي عمل عليها طلاب المدرسة الفيثاغورية، حيث تقوم هذه المربعات على بقاء المجموع ثابتاً بالنسبة للأرقام المحيطة بالمرربع، هذا مع الاختلاف في طريقة الجمع إن كان عمودياً أو أفقياً أو وترياً. وكان إخوان الصفا قد اشتغلوا على أربعة أصناف منها، فيما عمل البوـني (ت ٦٢٢هـ)، وأضع كتاب (الغايات في أسرار الرياضيات)، على مضاعفة المربعات استناداً إلى الاعتماد على التوالي في الأرقام.

أما بالنسبة للأعداد المتحابـة، فإن أبحاثـهم قادتهم إلى أن المقصد في هذا يعود إلى تساوي مجموع عوامل العددـين<sup>(٢٠)</sup>، وكان أبرزـ من اهتم بدراسة هذا الموضوع إخوان الصفا، وثبتـ بن قرّة (ت ٢٨٩هـ)، الذي توصل إلى إيجاد قاعدة ثابتـة لهذا الموضوع. أما الخجندـي (ت ٣٩١هـ) فقد توصل إلى إثباتـ أن حاصلـ جمع عددـين مكعـبين لا ينتـج عنه عددـ مكعب<sup>(٢١)</sup>.

توصلـ العلماء العرب إلى إيجادـ الكثـيرـ من الحلـولـ للمسـائلـ الرياضـيةـ المعـقدـةـ، وتمـكـنـواـ من حلـ مـعادـلاتـ الـدـرـجـةـ الثـانـيـةـ بـالـطـرـقـ الـهـنـدـسـيـةـ، بلـ إنـهـمـ تـعـرـضـواـ لـلـعـدـيدـ مـنـ الـمـسـائـلـ الـمـخـتـلـفـةـ التـرـكـيبـ وـاـضـعـينـ لـهـاـ الـحـلـولـ عـنـ طـرـيقـ الـجـبـرـ وـالـهـنـدـسـةـ، فـيـمـاـ قـسـمـواـ الزـاوـيـةـ إـلـىـ ثـلـاثـةـ أـقـسـامـ مـتسـاوـيـةـ، مـسـتـخـدـمـينـ فـيـ ذـلـكـ مـنـحـنـىـ نـيـكـوـمـيـدـسـ بـكـلـ بـرـاعـةـ وـفـهـمـ. زـيـادـةـ عـلـىـ اـسـتـخـدـامـ الـرـمـوزـ بـشـكـلـ دـقـيقـ وـوـاـضـعـ وـلـاـ سـيـماـ الـأـفـكـارـ الـتـيـ وـضـعـهـاـ أـبـوـ الـحـسـنـ الـقـلـصـادـيـ بـالـنـسـبـةـ لـلـجـذـرـ

من بين المشتغلين على كتاب (الكرة والأسطوانة) لأرخميدس يبرز الحسن بن الهيثم (ت ٤٣٠ هـ)، حيث اهتم بدراسة الدائرة<sup>(٢٤)</sup> وقياس الأضلاع المنتظمة التي يمكن أن تُرسم فيها، والخروج بنتيجة مفادها أن المضلعين ذا الأضلاع الأكثر يكون أكبر مساحةً من المضلعين المرسوم في محيط الدائرة نفسه ذي الأضلاع الأقل<sup>(٢٥)</sup>. فيما اجتهد العديد من العلماء العرب في دراسة نظرية إقليدس حول المستقيمات والزوايا، ومن أبرزهم الجوهرى (ت ٢١٤ هـ)، ونصر الدين الطوسي (ت ٦٧٢ هـ)، والسمرقندى (ت ٦٧٤ هـ)<sup>(٢٦)</sup>.

لا يمكن إغفال أهمية الدور الذي أدّاه اليونان في إرساء دعائم علم الهندسة، والإضافات البارزة التي قدموها في هذا المجال. وكان إقليدس الاسم الأكثر حضوراً في علوم الهندسة، انطلاقاً من الأقسام الرئيسية التي وضعها، والتي لم تتجاوز الخمسة، وكان العرب قد تعاملوا مع هذه الأقسام بكل فطنةٍ وبراعة، حتى إنهم وضعوا لمساتهم الخاصة<sup>(٢٧)</sup> على المسائل التي وضعها إقليدس في كتابه الموسوم (الكتاب) فيما أطلق عليه العلماء العرب (الأصول) أو (الأركان). وكانت الترجمة الأولى لهذا الكتاب قد وُضعت إبان حكم «أبي جعفر المنصور»، بأكثر من ترجمة، على يد أبرز العلماء العرب المسلمين من أمثال حنين بن إسحق، وثابت بن قرّة، ويوسف ابن الحجاج<sup>(٢٨)</sup>. فيما كانت الموضوعات التي تناولها قد تراوحت ما بين السطوح والأقدار المناسبة ونسب السطوح والعدد والمناطق والجذور والمجسمات<sup>(٢٩)</sup>. وكان أبرز المشتغلين على هذا الكتاب واختصار مقولاته وأفكاره ابن سينا وابن الصات، فيما عمد ابن الهيثم إلى تأليف

الرياضي «نابيير»، على أساس أنه عمل على تسهيل عمليات الضرب التي تحتوي على رفع في الجيوب، والفكرة تقوم على تحويل العمليات المعقدة إلى عمليات جمعٍ في حساب المثلثات. الواقع أن ابن حمزة كان قد اجتهد في مجال دراسة المتوازيات العددية والهندسية<sup>(٢٠)</sup>، ويعود إليه الفضل في التمهيد لاكتشاف اللوغاريتم.

كان أبناء موسى بن شاكر قد برعوا في مجال الهندسة، حيث وضعوا كتاب (معرفة مساحة الأشكال) الذي ذاع صيته في القرن الثالث الهجري. وقد أسسوا فيه لوضع البرهان الخاص بقياس الدائرة، التي تميزت بسماتٍ خاصة ومتفردة عن نظرية أرخميدس. واهتموا بقياس مساحة المثلث عن طريق حساب أضلاعه<sup>(٢١)</sup>، واجتهدوا في قياس حجم المخروط والكرة وحساب الوسيط بين مقدارين معلومين. وكان لهم فضل التعريف بتقسيم الزاوية إلى ثلاثة أقسام، زيادةً على استخراج الجذور التكعيبية بوجود عددٍ تقريري. وقد حرص أبناء موسى على التعاون مع العلماء العرب من أجل الوصول إلى أفضل النتائج<sup>(٢٢)</sup>، حيث تجلّى ذلك في تمكن ثابت ابن قرّة في دراسة الحجوم المكعبية والأشكال المربعة، والمخروطية وشبه الكروية، حتى إنه بدأ بوضع بعض القوانين الممهدة لحساب التكامل، بل إن قوانينه التي وضعها كانت أكثر شمولاً وتيسيراً من القوانين التي وضعها أرخميدس. وكان لهذه الدراسات أثرها في العديد من العلماء العرب، من أبرزهم إبراهيم بن سنان (ت ٣٢٥ هـ) والковهي (ت ٣٧٨ هـ)، الذي برز إبان الدولة البوهيمية<sup>(٢٣)</sup> وواضع تصانيف (ثلاث زاوية) وعمل المسبع المتساوي في الدائرة) و(إحداث النقط على الخطوط)، وكتاب (مراكز الدوائر).

نظريات اليونان<sup>(٢١)</sup> في مجال قياس جيب الزاوية، وأثبتوا خطأها من خلال تقديم البراهين الدقيقة، فيما عملوا على قياس مساحة المثلثات الكروية والمستوية، والعمل على استخدام المماسات والقواطع<sup>(٢٢)</sup> في قياس الزاوية.

يبرز أبناء موسى بن شاكر أو ما يطلق عليهم [بنو موسى] من بين الأعلام المشغلين في العلوم الرياضية، الذين عاشوا في كنف الرعاية الخاصة من قبل المأمون (ت ٢١٨ هـ)، الذي عهد بهم إلى أحد خاصته المقربين إسحاق المصعيبي، وهذا بدوره جعلهم تحت إشراف يحيى بن أبي منصور لدراسة العلم في بيت الحكم. وكان الأبناء الثلاثة «محمد، أحمد، الحسن» قد نهلوا من المصادر العلمية التي تزخر بها مكتبات بغداد، من خلال الاتصال المباشر بأبرز العلماء، حتى قيَّض الله لهم أن يصلوا إلى مكانةً متميزةً في مجال المعرفة، حتى كان لهم الباع الأهم في مجال دراسة الهندسة والفلك والميكانيك، فيما تمكن «الحسن» من وضع الشروح الضافية على مقالات إقليدس. وتجلى المتابعة والإشراف المباشر من قبل المأمون في مناقشاته المستمرة والمتصلة لأبناء موسى، وحتى إياهم لدراسة الأصول<sup>(٢٣)</sup>، والتركيز على المصادر المهمة التي تعينهم على بناء شخصيتهم العلمية.

إنَّ ما يميِّز أبناء موسى في مجال البحث العلمي إغراقهم السخي للحصول على الكتب والمصادر الأصلية، حتى إنهم دفعوا مبالغ طائلة لترجمة كتب الأصول، وحرصوا على الاتصال بأبرز الأسماء العلمية من أمثال حنين بن إسحاق وثابت بن قرة، وفي هذا يتضح أنَّ أبناء موسى استثمروا عاملين توفرا لهما: المال والنفوذ

كتاب في الهندسة على منواله. أما محمد البغدادي فقد وضع فرضياته في المثلث والمربع والمخمس انطلاقاً من روح الكتاب.

ولم يكتف العالم العربي بأفكار إقليدس، بل استند إلى أفكار أبولونيوس في مجال استخدام المنطق وتطبيقه على الهندسة، من أجل وضع البراهين على النظريات الهندسية، وتمكنوا في ذلك من بلوغ دراسة أشكال المخروط المكافئ والزائد والناقص. أما على صعيد المؤلفات، فإن العلماء العرب قدموا للمكتبة الهندسية العالمية الكثير من النتاج العلمي الثر، الذي شمل موضوعات المساحة، والحجم، والتحليل، والتقدير العددي، والتركيب، وتقسيم الزاوية، والمضللات. ومن نافلة القول وجوب الإشارة إلى أنَّ الأوربيين المحدثين لم يعرفوا إقليدس وأبولونيوس، وعلم الهندسة برمه أياً عن طريق الترجمات العربية للتراث العلمي اليونياني<sup>(٢٤)</sup>.

كان للهنود معرفة واسعة في مجال علم المثلثات، لذا اتجه العرب نحو النهل من الأساسية التي قدمها الهنود، لكنهم ارتفعوا به من فرضيات بدائية محضة، إلى نظريات شاملة لها من التأثير الكبير في مجال الهندسة والصناعة، حتى غدا المهتمون بتاريخ العلوم يطلقون على علم المثلثات العلم العربي، على أساس الجهد البارز الذي قدمه العلماء العرب في مجال الفصل بين علم المثلثات والفلك، ولا سيما ما تمَّ على يد نصير الدين الطوسي. وكان الاهتمام الأكثر بروزاً قد ظهر في مجال العناية بالنسبي بين أضلاع المثلث. واستندت أبحاثهم إلى روح النقد العلمي الصارم، حيث درسوا

في الحاضر الإسلامية الكبرى، مثل مدینته التي ولد فيها، والبصرة، وبغداد. وقد تهیأت له فرصة التقرب من السلطة السياسية العليا، فحظي بالرعاية والتکريم من لدنها، ولا سيما المأمون الذي بوأه أرفع المناصب العلمية، والمعتصم الذي عهد إليه تأديب ولده. ولم تقتصر براعة الکندي على الدراسات والأبحاث، بل عرف عنه قدرته الكبيرة وعلمه الواسع في مجال المعرفة باللغة الإغريقية، حيث عمل في مجال الترجمة إلى اللغة العربية، إضافة إلى الجهود البارزة التي بذلها في تنقیح الترایم، حيث عُني بتنقیح ترجمة كتاب أوثولوجيا لأرسطو طالیس، حتى عُد من الأربعة المشهورين في الترجمة، وهم: حنین بن إسحق، وثابت بن قرة، وعمر بن فرخان الطبری، إضافة إلى الکندي. وعلى الرغم من سعيه الدؤوب في الترجمة، إلا أن آثاره فقدت، مما جعل بعض الباحثین من الأوربيین يشيرون إلى أنه اعتمد على ترجمة النصوص السريانية، التي مثلت دور الوسيط ما بين العلم اليوناني والعلم العربي.

لقد ورد العديد من الإشارات إلى الجهود الهائلة التي بذلها الکندي في مجال التأليف، حتى كتب عنه أنه قد خلف واحداً وثمانين ومائتي كتاباً في العلوم المختلفة: الطبية والفلسفية والرياضيات والبصريات والفالك والأخلاق والسياسة والموسيقا. ويشير المشغلون في إحصاء العلوم إلى أنه وضع حوالي اثنى عشر كتاباً في مجال الحساب، وثلاثة وعشرين رسالة في علوم الهندسة. ويؤكد الباحثون أن الکندي قد عاش مرحلة التماس المباشر مع العلوم اليونانية والسريانية، وبهذا يعود إليه وإلى زملائه الفضل في وضع الأساس للمنهج العلمي والمصطلحات التي تم تداولها لاحقاً في حقول العلوم. ومن

السياسي: ليكونا في خدمة العلم وتطوير الأبحاث. لكن المنافسة وحب الذات لم تكونا بعيدتين عنهم، فعلى الرغم من انشغالهم في البحث والقصصي عن المعرفة<sup>(٢٤)</sup>، إلا أنهم تورطوا في لعبة الدسائس وحياكـة المؤامرات، وكان من بين ضحاياهم الفيلسوف الشهير «الکندي» (ت ٢٦٠ هـ)، الذي تعرض للاتهام والإقصاء في بلاط المتوكـل (ت ٢٤٧ هـ). ولم يتوقف أبناء موسى عند هذا الحدّ، بل انغمـسا في تقریب هذا الطرف على حساب الآخر؛ إذ عملوا على تقديم الفرغانـي لوضع المخطوطات الخاصة بالقناة التي تجلب المياه إلى مدينة الجعفرية القريبة من سامراء، على حساب الإقصاء المتعمـد لسند بن علي، الذي بزغ نجمه وبدأت الأضواء تُسلط عليه. والواقع أن هذا العمل كاد أن يؤدي بمکانة أبناء موسى ويعرضـهم للاضطهـاد، لو لا مقتل المتوكـل<sup>(٢٥)</sup>.

لقد مثل أبناء موسى فريق عملٍ موحدٍ، حيث عملوا في موضوع الميزان، الذي يهتم بدراسة الأشكال المستوية والکروية وتقسيم الزاوية إلى ثلاثة أجزاء، ووضع الدراسات حول مخروط أبولونيوس. أما على الصعيد الشخصـي، فقد عمل محمد على موضوعات الفلك، واهتم الحسن بدراسة الهندسة، فيما اشـغل أحمد بدراسة الميكانيكا. والواقع أن الأخوة الثلاثة كان لهم الفضل الأبرز في تقديم أفكار أرخميدس<sup>(٢٦)</sup> حول مساحة الدائرة والكرة والأسطوانة إلى أوربا.

يعد الکندي المولود في الكوفة عام ١٨٥ هـ، من الأسماء العلمية التي تحظى بالاحترام والتقدير، نتيجةً للجهود العلمية الموسوعية في مجالاتٍ مختلفة، وكان الرجل قد دأب على تحصـيل علومه

قد برع في مجال الفلك والبصريات إضافة إلى عنايته بالعلوم الرياضية، وقد استطاع أن يضع حوالي ثلاثة عشرة رسالة علمية في الرياضيات<sup>(٤١)</sup>، مثل مساحة الجسم المتكافئ، ومقيدة خلع المسبع، وتربيع الدائرة، وأصول المساحة. ولعل السمة البارزة في المنهج الذي اخترقه ابن الهيثم تتجلى في التركيز على الحق والعدل ورفض اتباع الهوى، فكان هذا طريقه لاستنباط الكثير من البراهين العقلية والمنطقية ولا سيما في الهندسة والأرقام والمعادلات، وقد عمل بجهد واضح وسخي على الهندسة المستوية والفراغية، وكانت له اليد الطولى في تطور الهندسة التحليلية، وتمكن من وضع القوانين لقياس مساحة الكرة والهرم والأسطوانة المائلة والدائرة<sup>(٤٢)</sup>.

إن السمعة العالية التي حصل عليها قد جعلت الخليفة الفاطمي الحاكم (ت ٤١٢هـ) يوجه إليه الدعوة للإقامة في بلاطه، والاستفادة من علمه، ولا سيما ضبط فيضان نهر النيل. لكنه عندما قام بدراسة موقع المكان، وجد أنه من العسير الوصول إلى حل عملي، مما جعله يتقدم باعتذاره إلى الخليفة الذي قبله منه<sup>(٤٣)</sup>. لكن الأجواء المشحونة التي كانت تملأ البلاط الفاطمي حفزت ابن الهيثم لادعاء الجنون كي يتمكن من التحرر من القيود المفروضة عليه؛ ليتجه إلى تعلم الرياضيات في الجامع الأزهر، ونسخ الكتب الرياضية الخاصة بمؤلفات إقليدس وبطليموس حتى وفاته بالقاهرة سنة ٤٢٢هـ<sup>(٤٤)</sup>.

يعود الفضل الأول في انتشار اسم ثابت بن قرّة الحراني (ت ٢٨٩هـ) إلى اتصاله بمحمد بن موسى بن شاكر، الذي تعرفه في مدينة حرّان خلال عودته إلى بغداد، ونتيجةً لنشأة ثابت في وسطه الديني الخاص «الصابئي» كانت الفرصة أمامه لتعلم اللغة السريانية واليونانية، التي أفادته

المهم الإشارة هنا إلى أن الكندي كان له قصب السبق في دخول العنصر العربي إلى مجال علوم الأوائل، التي كانت منغلقة على فئة من المشتغلين من الفرس والسريان والصابئة.

تعود الأسباب المتعلقة بإغفال أهمية الكندي في مجال الرياضيات إلى فقدان أغلب آثاره العلمية، وظهور بعض الأجزاء الصغيرة في هذا المصنف أو ذاك. لكن عنایته بوضع التعريفات والمصطلحات كانت بارزة وواضحة، بدليل أنه كان من المشتغلين الأوائل في الترجمة، ولذلك اجتهد في وضع المصطلحات المتداولة في المجال الرياضي، مثل الجذر والضرب والقسمة والاتصال والانفصال. وكان له العديد من المساهمات الدقيقة في استخدام المصطلح العلمي، ولا سيما عنایته البارزة في موضوع الأبعاد الثلاثة المتعلقة بالطول والعرض والعمق<sup>(٣٩)</sup>.

ويؤكد بعض الباحثين أن كلمة رياضيات، التي تصف العلم المهتم بالهندسة والحساب والجبر والمثلثات إنما تعود إلى بنات أفكار الكندي، على أساس التقسيمات التي وضعها حول الحكمة النظرية التي تُعنى بدراسة «الربوبية، والرياضيات، والطبيعيات»، حيث إن بحثه بالمحسوسات جعله يركزها في العلم الطبيعي. أما ما ينفرد بذاته ويتصل بالمحسوس فيتعلق بالعلم الرياضي. وبالنسبة للعلم الربوبي لا يتصل بالمحسوس. وقد أشار الكندي من خلال بحوثه الفلسفية إلى أن بلوغ الدرس الفلسفي لا يمكن الانخراط في شؤونه وتفصيلاته إلا عن طريق الرياضيات<sup>(٤٠)</sup>.

يسطع نجم العالم الرياضي الحسن بن الحسن ابن الهيثم المولود في البصرة عام ٣٥٤هـ، وكان

ترقى أهمية الخوارزمي (ت ٢٣٢ هـ) إلى تأليفه كتاب (الجبر والمقابلة) الذي وضعه بناءً على توجيهات الخليفة المأمون، ولا يخفى ما للجبر من أهمية عملية في وضع الحلول للعديد من المشكلات المتعلقة بالإرث والوصية وتنظيم المعاملات التجارية. وكان لإقامة الخوارزمي في بيت الحكم واطلاعه على عيون الكتب، إضافة إلى الرعاية الخاصة التي نالها من قبل المأمون، أثرها في بروز هذا العلم العربي الخاص. وقد حرص بشكل مباشر على معالجة العديد من القضايا عن طريق إبراز دور الرياضيات، وجعلها في خدمة المجتمع، وهكذا يظهر دور العالم العربي المسلم ومنهجيته، والفوائد المباشرة للعلم<sup>(٤٨)</sup>، فعلم الجبر لم يقف عند موضوع المعاملات، بل تخطاه إلى جوانب أخرى مثل إصلاح الأراضي والري وفنون الهندسة.

وتبقى القيمة الأهم في استناد العلماء اللاحقين إلى النظريات التي وضعها الخوارزمي، بالنسبة للعلماء العرب أو العلماء الأوروبيين المحدثين، بدليل أن إطلاق تسمية الجبر التي وضعها قد اقتبسها الأوروبيون عنه بشكل مباشر، من خلال ترجمة النص العربي إلى اللاتينية<sup>(٤٩)</sup>.

كان السعي الذي بذله الخوارزمي في مجال تنظيم الأرقام واضحًا، إلى الحد الذي انتشرت طريقة في أقاليم الدولة الإسلامية المختلفة، وعن طريق الأندلس اقتبس الأوروبيون هذه الأرقام، التي تدعى الغبارية، والتي ينتشر استعمالها في أقطار المغرب العربي. وكان كتابه في الحساب، الذي ترجم إلى اللاتينية بعنوان (الغورتمي)<sup>(٥٠)</sup>، قد برع تأثيره في أوروبا، ولا سيما في المعاملات التجارية وتنظيمها، إضافة إلى الاستخدام الواسع من قبل المتخصصين في العلوم الرياضية.

في عمله، وساهمت في اطلاعه على أهم المخطوطات العلمية. وهكذا قيّض له أن يتقرّب من البلاط العباسي، حتى صار من ندام الخليفة المعتصم (ت ٢٨٩ هـ)، والمقربين إليه، حتى إن حظوظه شملت أبناء طائفته<sup>(٤٥)</sup> الذين تمتعوا بالكثير من الحرية والأمان.

اهتم ثابت بالعلوم الدينية، حيث كتب رسالة باللغة السريانية عن ديانة الصابئة، والموسيقا إضافة إلى اشتغاله بالفلسفة والفالك، لكن العمل الأبرز كان قد تركز في ترجمة كتب أرخميدس: الكرة والأسطوانة وحساب مساحة الدائرة، وكتاب أبولونيوس المخروطات، إضافة إلى العديد من الرسائل العلمية التي وضعها بطليموس. ولم يتوقف عند مهمة الترجمة، بل اجتهد في وضع الشروح على كتب أرسطو وإقليدس وجالينوس وأبقراط. وكانت عائلته قد اكتسبت شهرةً واسعةً ومكانةً أثيريةً في العلم العربي، حيث برع ابنه سنان (ت ٢٣٢ هـ)، الذي عمل طيباً خاصاً في البلاط العباسي، وإبراهيم ابن سنان (ت ٢٣٥ هـ) الذي برع في علوم الرياضيات، وثبت بن سنان (ت ٢٦٦ هـ) الذي عمل في الطب<sup>(٤٦)</sup>.

عرف عن ثابت عناته البالغة بالعلوم الهندسية، حتى إن جهوده التي بذلها في مجال إدخال الجبر على الهندسة قد ساهمت في ترسيم أبعاد الهندسة التحليلية. إضافة إلى تميذه لحساب التفاضل والتكامل، بل إن جهوده في دراسة الرياضيات أثمرت اثنين وعشرين كتاباً، وعمل على تقسيم الزاوية إلى ثلاثة أقسام متساوية، وتمكن من إيجاد حجم الجسم المتولد من دوران القطع المكافئ حول محوره. وأسهم في دراسة المربعات السحرية والأعداد التامة والناقصة والزائدة<sup>(٤٧)</sup>.

الميزة المهمة في العلم العربي، على أساس أن طلب العلم فريضة على كل مسلمٍ ومسلمة، وهكذا كان سعي العالم العربي إلى استيعاب خلق الله وإدراكه من أجل الوصول إلى الفكرة التي تؤكد أن عبادة الله من دون علم كعبادة الأوثان.

ومن هنا سما العالم العربي بالدنيوي المادي إلى المقدس الروحي؛ ليصبح الدين والعلم يتم أحدهما الآخر ويتكامل معه<sup>(٥٥)</sup>. وعلى أساس القيمة التي تفرضها علوم الرياضيات لها دورٌ في تنظيم المعاملات والوصايا والتراثات، التي تمثل جزءاً رئيساً من هيكلية العلاقات الإسلامية. وعلى هذا طوّعوا المعرفات التي اقتبسوها عن الأمم الأخرى، وجعلوها متوافقة مع حاجاتهم وغاياتهم التي فرضها الدين الإسلامي، كما أسلهم هذا التطوير بشكلٍ واضح في ظهور النهضة العلمية في أوروبا<sup>(٥٦)</sup>.

كانت الرياضيات شأنها شأن العلوم الأخرى في خدمة الدين، حيث يسعى المسلم إلى تطبيق فروض دينه بشكلٍ دقيق، وعليه كانت الدقة هي الأساس الذي استند إليه العلماء العرب المسلمين؛ لارتباطها بالمقدسات، وكانت الرياضيات قد حملت سمات التفكير الإسلامي الذي يرتبط بالله الخالق الأعظم «اللامتناهي»، حيث تتمثل الأعداد بوظيفة زمانية ومكانية غير سكونية، انطلاقاً من المبادئ الإسلامية التي تفرض إيفاء الحقوق لأهلها بشكلٍ دقيق. وهكذا جاءت فكرة الأعداد بمنهجٍ متناهٍ يعتمد على الصيغة الأزلية كما يشير إلى ذلك روم لاندو<sup>(٥٧)</sup>.

ويتبدي النشاط العلمي الذي بذله في المؤلفات الرياضية التسعة، التي شملت موضوعات الزيج والجمع والتفريق<sup>(٥٨)</sup>، إضافة إلى بعض المؤلفات الفلكية.

كان أبو كامل شجاع بن أسلم المصري (ت ٤٣١هـ) من الأسماء العلمية البارزة، تمكن من وضع العديد من المؤلفات الرياضية، وكان له تلاميذ مبرزون في هذا المجال. ويبرز تأثيره واضحًا بمؤلفات الخوارزمي ولا سيما في مجال علوم الجبر، حيث ركز جهده عليها حتى تحصل على لقب أستاذ علم الجبر. ولم يخرج عن أسلوب الخوارزمي في حل المسائل المعقدة، بل تمكن من تطبيق فرضياته بشكلٍ حاذق ودقيق. وهذا مكنه من الوصول إلى إيجاد الجذرین الحقيقيین للمعادلة الحبرية ذات الدرجة الثانية<sup>(٥٩)</sup>، مع جهده الواسع الذي بذله في مجال جمع الأعداد الصماء وطرحها.

ويعد أبو كامل شجاع نموذجاً للعالم العربي المسلم الصحيح، من حيث توافعه العلمي، وإرجاع الفضل إلى أهله، فعلى الرغم من التطوير الذي وضعه على فرضيات الخوارزمي، إلا أنه بقي يشير بكل صراحةٍ إلى سبق الخوارزمي وأهميته المطلقة في علم الجبر<sup>(٦٠)</sup>. ويفتخر جهده العلمي الشّرفي وصفه لاثني عشر مؤلفاً في الرياضيات، تناولت العديد من الموضوعات كالمساحة والهندسة والجبر والجمع والتفريق وطرائف في الحساب، فيما برزت محاولاته الخاصة في الأشكال الهندسية، وشرح المعادلة التي درجتها أعلى من الدرجة الثانية، والعنابة بربط علم الجبر بالفرياء الإسلامية<sup>(٦١)</sup>.

إن الارتباط الوثيق بين العلم والدين يعدّ

## الحواشي

- ٢٥ - تراث العرب العلمي: ٦٨.
- ٢٦ - بنو موسى، من كتاب عبقرية الحضارة العربية: ٢٢١.
- ٢٧ - التراث اليوناني في الحضارة الإسلامية: ٥٩.
- ٢٨ - تاريخ الأدب العربي: ١٢٧/٤.
- ٢٩ - تاريخ الفلسفة في الإسلام: ١١٤.
- ٣٠ - المدرسة الفلسفية في الإسلام: ١٦٢.
- ٣١ - عيون الأنباء في طبقات الأطباء: ٥٥٩.
- ٣٢ - مقدمة في تاريخ العلوم في الحضارة الإسلامية: ٢٢٧.
- ٣٣ - بنو موسى، من كتاب عبقرية الحضارة العربية: ٢٢٥.
- ٣٤ - العلوم عند العرب: ١٦٧.
- ٣٥ - المصدر السابق نفسه: ١٢٧.
- ٣٦ - بنو موسى، من كتاب عبقرية الحضارة العربية: ٢٤٢.
- ٣٧ - تاريخ الحكماء: ١١٥.
- ٣٨ - أثر العلماء المسلمين في الحضارة الأوروبية: ١٥٥.
- ٣٩ - مقدمة في تاريخ العلوم في الحضارة الإسلامية: ٢١١.
- ٤٠ - العلوم عند العرب: ١٠٧.
- ٤١ - تراث الإسلام: ١٩٣.
- ٤٢ - تاريخ الحكماء: ٢١١.
- ٤٣ - المدخل إلى تاريخ الرياضيات عند العرب وال المسلمين: ٣٣.
- ٤٤ - العلوم عند العرب: ١٠٤.
- ٤٥ - تاريخ الحكماء: ١١٥.
- ٤٦ - بنو موسى، من كتاب عبقرية الحضارة العربية: ٢٢١.
- ٤٧ - تاريخ الحكماء: ١١٥.
- ٤٨ - أثر العلماء المسلمين في الحضارة الأوروبية: ١٥٥.
- ٤٩ - مقدمة في تاريخ العلوم في الحضارة الإسلامية: ٢٠٢.
- ٥٠ - العلوم عند العرب: ١٠٧.
- ٥١ - تراث الإسلام: ١٩٣.
- ٥٢ - تاريخ الحكماء: ٢١١.
- ٥٣ - المدخل إلى تاريخ الرياضيات عند العرب وال المسلمين: ١٢٠.
- ٥٤ - المصدر السابق: ٢٢١.
- ٥٥ - الحياة العلمية في مدينة بلنسية بمناسبة الإسلامية: ١٥٥.
- ٥٦ - تاريخ العلوم ودور العلماء العرب في تقدمه: ٥.
- ٥٧ - الإسلام والعرب: ٢٥٠.
- ٥٨ - العلوم عند العرب: ٥٨.
- ٥٩ - بنو موسى، من كتاب عبقرية الحضارة العربية: ٢٢٩.
- ٦٠ - تاريخ العلوم عند العرب: ٢٢٧.
- ٦١ - الفهرست: ٢٤٣.
- ٦٢ - بنو موسى، من كتاب عبقرية الحضارة العربية: ٢٢٣.
- ٦٣ - مقدمة في تاريخ العلوم في الحضارة الإسلامية: ٢٢٧.
- ٦٤ - تراث الإسلام: ٢٠١/٢.
- ٦٥ - العلوم عند العرب: ٦٠.
- ٦٦ - تاريخ الحكماء: ٦٤.
- ٦٧ - تاريخ العلوم عند العرب: ٧٨.
- ٦٨ - المدخل إلى تاريخ الرياضيات عند العرب وال المسلمين: ٤٠.
- ٦٩ - العلوم عند العرب: ٦٢.
- ٧٠ - بنو موسى، من كتاب عبقرية الحضارة العربية: ٢٢٩.
- ٧١ - تاريخ العلوم عند العرب: ٢٢٧.

## المصادر والمراجع

- ابن أبي أصيبيعة.
- عيون الأنباء في طبقات الأطباء.
- بروكلمان : كارل.
- تاريخ الأدب العربي، ترجمة يعقوب بكر، ورمضان عبد التواب، دار المعارف، القاهرة، ١٩٧٧م.
- حسين : كريم عجيل.
- الحياة العلمية في مدينة بلنسية، مؤسسة الرسالة، بيروت، ١٩٧٦م.
- حمادة : حسين.
- تاريخ العلوم عند العرب، الشركة العالمية، بيروت، ١٩٨٧م.
- الدفاع : علي عبدالله.

- ٦٢ - العلوم عند العرب: ٥٤.
- ٦٣ - تاريخ العلوم ودور العلماء العرب في تقدمه: ١٠٦.
- ٦٤ - تراث العرب العلمي في الرياضيات والفالك: ٩١.
- ٦٥ - عبقرية العرب في العلم والفلسفة: ٧٥.
- ٦٦ - موجز تاريخ الرياضيات: ٥٢.
- ٦٧ - أثر العلماء المسلمين في الحضارة الأوروبية: ١٤٠.
- ٦٨ - تاريخ العلوم عند العرب: ١٢٠.
- ٦٩ - العلوم عند العرب: ١٧٣.
- ٧٠ - تراث الإسلام: ٢٠١/٢.
- ٧١ - مقدمة في تاريخ العلوم في الحضارة الإسلامية: ٢٠٢.
- ٧٢ - المدخل إلى تاريخ الرياضيات عند العرب وال المسلمين: ١٠٤.
- ٧٣ - تاريخ الحكماء: ٢١١.
- ٧٤ - المدخل إلى تاريخ الرياضيات عند العرب وال المسلمين: ١٢٥.
- ٧٥ - تراث الإسلام: ١٩٧/٢.
- ٧٦ - تاريخ العلوم عند العرب: ١٥٤.
- ٧٧ - تراث الإسلام: ١٩٨/٢.
- ٧٨ - تاريخ الحكماء: ١١٥.
- ٧٩ - مقدمة في تاريخ العلوم في الحضارة الإسلامية: ٢٢٦.
- ٨٠ - العلوم عند العرب: ٥٨.
- ٨١ - بنو موسى، من كتاب عبقرية الحضارة العربية: ٢٢٩.
- ٨٢ - تاريخ العلوم عند العرب: ٢٢٧.
- ٨٣ - الفهرست: ٢٤٣.
- ٨٤ - بنو موسى، من كتاب عبقرية الحضارة العربية: ٢٢٣.
- ٨٥ - مقدمة في تاريخ العلوم في الحضارة الإسلامية: ٢٢٧.
- ٨٦ - تراث الإسلام: ٢٠١/٢.
- ٨٧ - تاريخ العلوم ودور العلماء العرب في تقدمه: ١٠٦.
- ٨٨ - العلوم عند العرب: ٦٠.
- ٨٩ - تاريخ الحكماء: ٦٤.
- ٩٠ - تاريخ العلوم عند العرب: ٧٨.
- ٩١ - المدخل إلى تاريخ الرياضيات عند العرب وال المسلمين: ٤٠.
- ٩٢ - العلوم عند العرب: ٦٢.
- ٩٣ - بنو موسى، من كتاب عبقرية الحضارة العربية: ٢٢٩.
- ٩٤ - تاريخ العلوم عند العرب: ٢٢٧.

- عبقرية العرب في العلم والفلسفة، المكتبة العصرية، صيدا - لبنان، ١٩٨٩ م.
- الفيومي : محمد إبراهيم.
- المدرسة الفلسفية في الإسلام، دار الثقافة، القاهرة، ١٩٨٩ م.
- القططي .
- تاريخ الحكماء، مكتبة المثنى، بغداد، د.ت.
- لاندو : روم.
- الإسلام والعرب، ترجمة منير بعلبكي، دار العلم للملائين، بيروت، ١٩٦٢ م.
- ماكس.
- التراث اليوناني في الحضارة الإسلامية، ترجمة عبد الرحمن بدوي، القاهرة، ١٩٤٠ م.
- الملا : محمد علي.
- أثر العلماء المسلمين في الحضارة الأوروبية، دار الفكر، دمشق، ١٩٨١ م.
- منتصر : عبد الحليم.
- تاريخ العلم ودور العلماء العرب في تقدمه، دار المعارف، القاهرة، ١٩٦٩ م.
- ابن النديم.
- الفهرست، دار المعرفة، بيروت، د.ت.
- المدخل إلى تاريخ الرياضيات عند العرب والمسلمين، مؤسسة الرسالة، بيروت، ١٩٨١ م.
- ديبور :
- تاريخ الفلسفة في الإسلام، ترجمة محمد عبد الهادي أبو زيد، لجنة التأليف والترجمة، القاهرة، ١٩٤٨ م.
- دياب : مفتاح محمد.
- مقدمة في تاريخ العلوم في الحضارة الإسلامية، الهيئة القومية، طرابلس، ١٩٩٢ م.
- شاخت ، وبوزورث.
- تراث الإسلام، ترجمة حسين مؤنس، وإحسان صدقى العمد، سلسلة عالم المعرفة، الكويت، ١٩٩٨ م.
- صبرا : عبد الحميد.
- بنو موسى، من كتاب عبقرية الحضارة العربية، ترجمة عبد الكريم محفوظ، مصراته، الجماهيرية الليبية، ١٩٩٠ م.
- طوقان : قدرى حافظ.
- تراث العرب العلمي في الرياضيات والفلك، دار الشروق، بيروت، ١٩٦٠ م.
- العلوم عند العرب، دار اقرأ، د.ت.
- الطيار : هاشم أحمد، سعيد : يحيى عبد.
- موجز تاريخ الرياضيات، جامعة الموصل، الموصل، ١٩٧٧ م.
- فروخ : عمر.

